

Corrigé

CHIMIE

1. a. La conductance d'une portion de solution électrolytique est **une grandeur qui traduit la capacité de cette portion entre deux plaques à laisser passer le courant. Elle se note G et s'exprime en siemens (S).** Elle est égale à l'inverse de sa résistance.

b. Ces facteurs sont :

- la nature de l'électrolyte
- sa concentration
- les dimensions de la portion de la solution électrolytique **ou la constante de la cellule conductimétrique.**

c. Loi d'Ohm pour un conducteur Ohmique :

$$U = R.I \Leftrightarrow I = (1/R).U = G.U$$

$$G = 1/R = I/U$$

d. $G_1 = I_1/U_1 = 12.10^{-3}/4 = 3 \text{ mS}$

2. a. Courbe d'étalonnage de la cellule

b. D'après la courbe d'étalonnage si $G_1 = 3 \text{ mS}$ alors $C_1 = 5.10^{-3} \text{ mol.L}^{-1}$.

c. La solution (S_1) est obtenue par dilution (ajout d'un volume d'eau) d'un volume V_0 , or la dilution conserve le nombre de moles de (CaCl_2) donc : $n_0(\text{CaCl}_2) = n_1(\text{CaCl}_2)$

$$C_0.V_0 = C_1.V_1 \quad \text{donc} \quad C_0 = (C_1.V_1) / V_0$$

$$C_0 = (5.10^{-3} \times 200) / 10 = 0,1 \text{ mol.L}^{-1}.$$

3. $C_0 = n / V_0 \Leftrightarrow n = C_0.V = 0,1 \times 0,1 = 10^{-2} \text{ mol.}$

$$\underline{n = m / M} \quad \Leftrightarrow \quad m = n \times M = 10^{-2} \times 111 = 1,11\text{g}$$

PHYSIQUE

Exercice 1

1. Appliquons la loi des mailles :

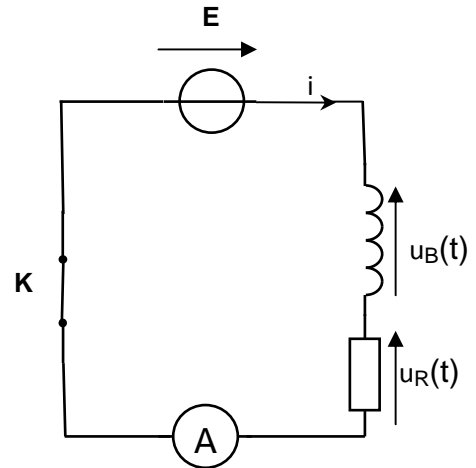
$$u_B(t) + u_R - E = 0 \Rightarrow$$

$$L \frac{di}{dt} + ri + Ri - E = 0$$

$$L \frac{di}{dt} + (R+r)i - E = 0$$

Or $i = \frac{u_R}{R}$ donc $\frac{di}{dt} = \frac{1}{R} \cdot \frac{du_R}{dt}$

$$L \frac{du_R}{dt} + (R+r)u_R = R.E$$



b₁. $u_R = R.I_p(1 - e^{-\frac{t}{\tau}}) \rightarrow \frac{du_R}{dt} = \frac{R.I_p}{\tau} e^{-\frac{t}{\tau}}$

D'après l'équation différentielle : $\frac{L.R.I_p}{\tau} e^{-\frac{t}{\tau}} + (R+r)R.I_p(1 - e^{-\frac{t}{\tau}}) = R.E$

$$I_p e^{-\frac{t}{\tau}} \left[\frac{L}{\tau} - (R+r) \right] + (R+r)I_p = E$$

Cette équation n'admet une solution que si :

b₂.

$$\frac{L}{\tau} - (R+r) = 0$$

$$\tau = \frac{L}{R+r}$$

$$(R+r)I_p = E$$

$$I_p = \frac{E}{R+r}$$

τ : c'est la constante de temps et s'exprime en secondes (s)

2. a.

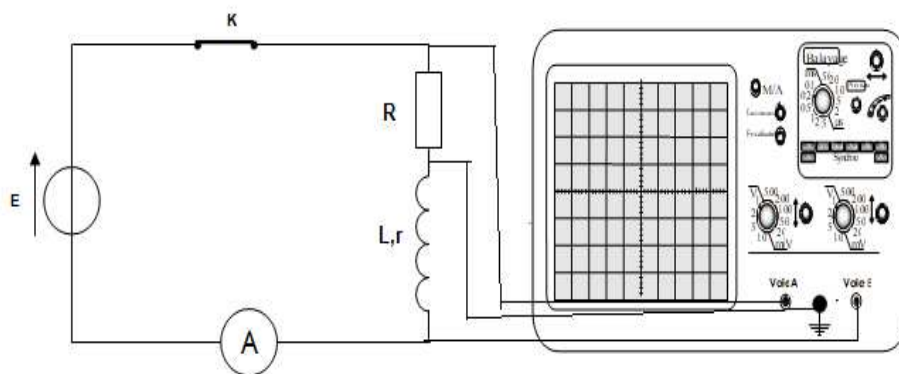


Figure-5

- b. À $t = 0$, on a $u_R(t) = 0$ donc (C_1) correspond à $u_R(t)$.
- c. Le phénomène responsable du retard de l'établissement du courant dans le circuit est le phénomène d'auto-induction.

3.

a. $\forall t$ on a $u_B(t) + u_R(t) = E \Rightarrow u_B(0) + u_R(0) = E$

Comme $u_R(0) = 0$ donc $u_B(0) = E \Rightarrow \boxed{E = 10V}$

b.

L'abscisse de l'intersection de la tangente à (C_1) pour $t = 0$ avec l'asymptote horizontale $u_R = U_{Rmax}$ donne $\boxed{\tau = 4ms}$

c. D'après la courbe, pour $t = \tau$ on a : $\boxed{u_R(t = \tau) = 5V}$

4.

a.

a₁. Lorsque $u_R(t) = u_B(t)$, on a $u_R(t) = 5V$; alors $t_1 = 4ms$ donc on a $t_1 = \tau$

a₂. $u_B(t) = (r + Re^{-\frac{t}{\tau}})I_p$; or pour $t = \tau$, on a $u_B = \frac{E}{2}$

Et en régime permanent l'équation différentielle devient :

$$(R+r)I_p = E \Rightarrow I_p = \frac{E}{R+r}$$

$$\text{Donc } \frac{E}{2} = (r + Re^{-1})I_p \Rightarrow \frac{E}{2} = (r + \frac{R}{e}) \frac{E}{R+r}$$

$$(R+r) = 2(r + \frac{R}{e}) \Rightarrow R+r = 2r + \frac{2R}{e} \Rightarrow r = R - \frac{R}{e}$$

$$\text{D'où } : r = (1 - \frac{2}{e})R$$

$$\boxed{\tau = \frac{L}{R+r}}$$

b. On a montré précédemment que : $\boxed{\tau = \frac{L}{R+r}}$ donc : $R+r = L/\tau \Rightarrow r = L/\tau - R$

$$* r = (1 - \frac{2}{e})R \Rightarrow \frac{L}{\tau} - R = (1 - \frac{2}{e})R \Rightarrow R(1 - \frac{2}{e} + 1) = \frac{L}{\tau}$$

$$R(2 - \frac{2}{e}) = \frac{L}{\tau}$$

$$2.R(\frac{e-1}{e}) = \frac{L}{\tau}$$

$$\Rightarrow R = \frac{L}{\tau} \frac{e}{2(e-1)}$$

A.N $\boxed{R = 39,55\Omega}$

* $r = \frac{L}{\tau} - R$ A.N $\boxed{r = 10,45\Omega}$

c. En régime permanent l'ampèremètre indique $I_p = \frac{E}{R+r} = 0,20A$

Exercice 2

1.

a. Un filtre électrique est quadripôle qui ne laisse passer que des signaux de fréquences dans un domaine donné (**bien déterminé**).

b. $u_s(t)$ est de même nature que $u_E(t)$ (sinusoïdale).

C'est un filtre passif puisqu'il ne contient pas de dipôle actif (**ou constitué uniquement de dipôles passifs**).

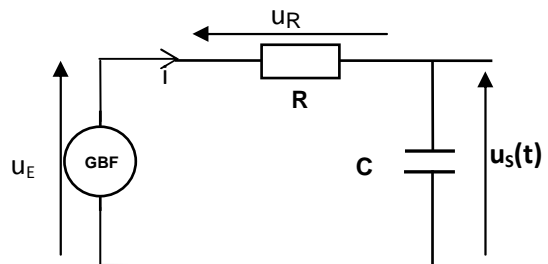
2. Appliquons la loi des mailles :

$$u_s + u_R - u_E = 0$$

$$u_s + Ri = u_E$$

$$\text{or : } i = \frac{dq}{dt} = C \frac{du_C}{dt} = C \frac{du_s}{dt}$$

$$\text{alors : } u_s + RC \frac{du_s}{dt} = u_E$$



3. a. $T = \frac{1}{\sqrt{1+(2\pi NRC)^2}}$

- Si $N \rightarrow 0$ alors $T \rightarrow 1$
- Si $N \rightarrow \infty$ alors $T \rightarrow 0$

b. Il s'agit d'un filtre passe bas.

4. a. $G = 20\log T = 20\log\left(\frac{1}{\sqrt{1+(2\pi NRC)^2}}\right) = -10\log(1+(2\pi NRC)^2)$.

b. Le filtre est passant si : $G \geq G_0 - 3\text{dB}$

c. Le filtre est passant si : $G \geq G_0 - 3\text{dB}$; or $G_0 = 0$ donc le filtre est passant pour $G \geq -3\text{dB}$, donc : $-10\log(1+(2\pi NRC)^2) \geq -3$, d'où : $\log(1+(2\pi NRC)^2) \leq 0.3$

$$1+(2\pi NRC)^2 \leq (10^{0.3} = 1,99 \approx 2)$$

$$\text{Pour } N = N_c : (2\pi N_c RC)^2 = 1$$

$$2\pi N_c RC = 1 \Rightarrow N_c = \frac{1}{2\pi RC}$$

5.

a. D'après la courbe pour $G = -3$ dB, on a : $N_c = 1000$ Hz (**méthode de la tangente ou avec gain**).

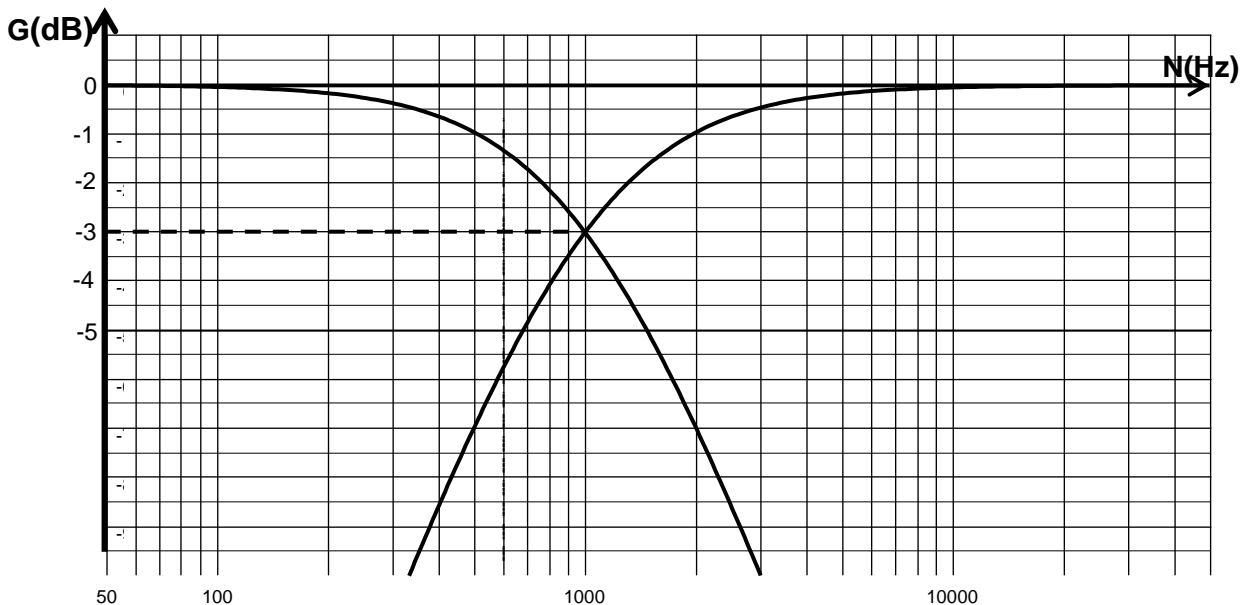
b. $N_c = \frac{1}{2\pi RC}$ donc $R = \frac{1}{2\pi N_c C}$ A.N $R = 318,31\Omega$

c. Pour $N = 500$ Hz on a $G = -1$ or $T = 10^{\frac{G}{20}} = \frac{U_{Sm}}{U_{Em}}$ donc $U_{Sm} = 10^{\frac{G}{20}} U_{Em} \approx 3,56V$

6.

a. Puisque le filtre est passe bas, alors seuls les signaux dont la fréquence est inférieure ou égale à N_c seront transmis. Donc seul (S_1) est transmis.

b. Le filtre est passe haut



Exercice 3

1. a. L'onde est progressive car elle se propage dans un milieu vaste (**ou ouvert**).

b. C'est le champ de blé.

2.

- Dans le champ de blé, l'onde est longitudinale car sa direction de propagation est confondue avec celle de déplacement des épis.
- A la surface de l'eau, l'onde est transversale car sa direction de propagation est perpendiculaire à celle de déplacement des particules de l'eau.

3. La propagation d'une onde s'effectue sans transport de matière.

« Les particules se relèvent et s'abaissent. Un bouchon de liège flottant sur l'eau le montre clairement, car il se relève et s'abaisse à limitation du mouvement réel de l'eau, au lieu d'être emporté par l'onde. »