

تمرين عدد1: أجب بصواب أو خطأ :

أ/ رباعي قطراه متعامدان ومتقايسان هو مربع

ب/ ABCD مربع حيث $AB = 3\sqrt{3} - 2\sqrt{2}$ إذن $AC = 3\sqrt{6} - 4$ ج/ EFG مثلث متقايس الأضلاع و [EH] ارتفاعه إذا كان $EH = 6$ فإن $EF = 4\sqrt{3}$ د/ إذا كان x و y عدنان حقيقيان و $2\sqrt{3} < x < 3\sqrt{2}$ و $1 < y < 5$ فإن $2\sqrt{3} - 1 < x - y < 3\sqrt{2} - 5$

تمرين عدد2:

نعتبر نصف دائرة \mathcal{C} مركزها O وشعاعها 4cm وقطرها [BC]. عيّن على \mathcal{C} النقطة E بحيث $BE = 4\text{cm}$ وليكن [OM] الارتفاع الصادر من O في المثلث OBE

أ/ احسب البعد OM

ب/ بيّن أن الرباعي OMEC شبه منحرف قائم

ج/ احسب EC

د/ احسب محيط ومساحة شبه المنحرف OMEC

تمرين عدد3:

أ/ حل في IR المعادلة $x(x+24) = x^2 + 8(x+10)$

ب/ ABC مثلث قائم الزاوية في A حيث طول وتره [BC] يفوق طول ضلعه [AB] بـ 8

ابحث عن محيط هذا المثلث إذا علمت أن طول الضلع [AC] هو 12 .

تمرين عدد4:

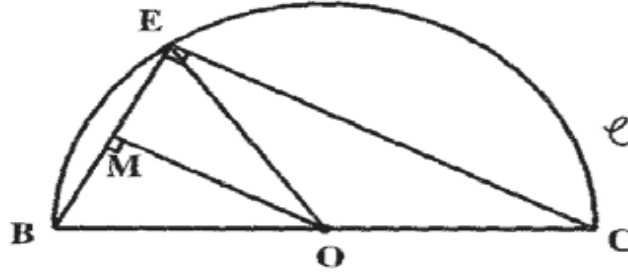
نعتبر العبارتين A و B حيث $x \in \mathbb{R}$ و $A = (3x-1)^2$ و $B = 1-9x^2$ (1) أ/ بين أن $A+B = -6x+2$ ب/ حل في IR المتراجحة $A+B \leq 0$

(2) أ/ اكتب في صيغة جذاء العبارة B

ب/ بين أن $A-2B = (3x-1)(9x+1)$ حل في IR المعادلة $A = 2B$

CORRECTION

تمرين عدد 1: أ / خطأ ب / صواب ج / صواب د / خطأ
 تمرين عدد 2:



أ / حساب OM

لدينا $OB=OE=4$ شعاعان لـ \mathcal{C} و $BE=4$
 إذن $OM = \frac{4\sqrt{3}}{2} = 2\sqrt{3}$

ب / لدينا $E \in \mathcal{C}$ و $[BC]$ قطر لـ \mathcal{C}

إذن BEC مثلث قائم في E ومنه $(EC) \perp (EB)$

ونعلم أنّ $(OM) \perp (EB)$ إذن $(OM) \parallel (EC)$ وبالتالي $OMEC$ شبه منحرف قائم في E و M

ج / حساب EC

في المثلث BEC قائم في E لدينا : $EC^2 = BC^2 - BE^2 = 8^2 - 4^2 = 64 - 16 = 48$

إذن $EC = \sqrt{48} = 4\sqrt{3}$

د / حساب محيط شبه المنحرف : $OM + ME + EC + OC =$

$$2\sqrt{3} + 2 + 4\sqrt{3} + 4 = 6 + 6\sqrt{3}$$

* حساب مساحة شبه المنحرف $= \frac{(OM + EC) \times ME}{2} = \frac{(2\sqrt{3} + 4\sqrt{3}) \times 2}{2} = 6\sqrt{3}$

تمرين عدد 3:

ب / ليكن x طول الضلع $[AB]$ إذن $x+8$ طول الوتر

$[BC]$ ونعلم أنّ $AC=12$

وحسب نظرية فيثاغورس $BC^2 = AB^2 + AC^2$

$$(x+8)^2 = x^2 + 12^2$$

$$x^2 + 16x + 64 = x^2 + 144$$

$$x^2 + 16x - x^2 = 144 - 64$$

$$16x = 80$$

$$x = \frac{80}{16} = 5$$

إذن $AB=5$ و $BC=5+8=13$ و $AC=12$

وبالتالي محيط المثلث $5+12+13=30$

$$x(x+24) = x^2 + 8(x+10) \quad /$$

$$x^2 + 24x = x^2 + 8x + 80$$

$$x^2 + 24x - x^2 - 8x = 80$$

$$16x = 80$$

$$x = \frac{80}{16} = 5 \quad S_{IR} = \{5\}$$

تمرين عدد 4

$$\begin{aligned} -6x + 2 \leq 0 & \text{ يعني } A+B \leq 0 / \text{ب} \\ 6x \geq 2 & \text{ يعني } -6x \leq -2 \\ x \geq \frac{1}{3} & \text{ يعني } x \geq \frac{2}{6} \end{aligned}$$

$$S_{\mathbb{R}} = \left[\frac{1}{3}; +\infty \right[$$

ج / $A=2B$ يعني $A-2B=0$ يعني

$$\begin{aligned} (3x-1)(9x+1) &= 0 \\ 3x-1=0 & \text{ أو } 9x+1=0 \\ 3x=1 & \text{ أو } 9x=-1 \\ x=\frac{1}{3} & \text{ أو } x=-\frac{1}{9} \end{aligned}$$

$$S_{\mathbb{R}} = \left\{ \frac{1}{3}; -\frac{1}{9} \right\}$$

$$\begin{aligned} A+B &= (3x-1)^2 + (1-9x^2) / \text{أ} (1) \\ &= 9x^2 - 6x + 1 + 1 - 9x^2 \\ &= -6x + 2 \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} B &= 1-9x^2 = 1^2 - (3x)^2 / \text{أ} (2) \\ &= (1-3x)(1+3x) \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} A-2B &= (3x-1)^2 - 2(1-3x)(1+3x) / \text{ب} \\ &= (3x-1)^2 + 2(3x-1)(1+3x) \\ &= (3x-1) \left[(3x-1) + 2(1+3x) \right] \\ &= (3x-1)(3x-1+2+6x) \\ &= (3x-1)(9x+1) \end{aligned}$$