

السنة التاسعة

فرض مراقبة عدد6
في الرياضيات
الثلاثي الثالث

تمرين عدد 1:

نعتبر المتراجحة التالية: $2x-1 < 2$ في مجموعة الأعداد الحقيقية
(1) ضع في إطار العدد الذي ينتمي إلى حلّ المتراجحة من بين المقترحات التالية:

$\frac{3}{2}$	2	0
---------------	---	---

(2) ضع في إطار حلّ المتراجحة $|x-1| \leq 1$ في مجموعة الأعداد الحقيقية من بين المقترحات التالية:

$[0,2]$	$[-1,1]$	$]-\infty,-1] \cup [1,+\infty[$
---------	----------	---------------------------------

(3) باستعمال الأرقام 2 و 5 و 7 نستطيع أن نكون :

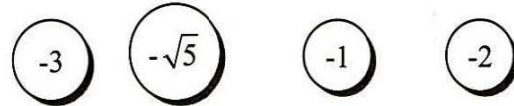
3 أعداد برقمين مختلفين	9 أعداد برقمين مختلفين	6 أعداد برقمين مختلفين
------------------------	------------------------	------------------------

(4) داخل صندوق 7 كويرات لها نفس الحجم : 3 بيضاء و 4 خضراء.
احتمال سحب كويرة بيضاء:

$\frac{3}{7}$	$\frac{1}{3}$	$\frac{3}{4}$
---------------	---------------	---------------

تمرين عدد 2:

يحتوي صندوق على 4 أقراص متطابقة مرقّمة:



نسحب قرصين متتالين بصفة عشوائية دون إرجاع القرص الأول، ثمّ نهتمّ بجذائيهما.
(1) أ- أوجد كلّ إمكانيّات السّحب بالإعتماد على جدول.

x	-2	-1	$-\sqrt{5}$	-3
-2				
-1				
$-\sqrt{5}$				
-3				

ب- ما هو عدد إمكانيات السحب ؟

ج- اكتب مجموعة النتائج الممكنة.

(2) نعتبر الحدثين التاليين:

الحدث A: نتحصل على جذاء سالب.

الحدث B: نتحصل على جذاء موجب.

أ- ما هو احتمال كل من الحدثين A و B ؟

ب- اشطب العبارة الزائدة :

الحدث A هو حدث : ممكن ، أكيد ، مستحيل.

الحدث B هو حدث : ممكن ، أكيد ، مستحيل.

(1) ما هو احتمال أن يكون الجذاء أكبر من 2 ؟

تمرين عدد 3:

نعتبر العبارتين A و B حيث: $A=2x-3$ و $B=4x^2-12x+9$

(1) حل في \mathbb{R} : $A \geq 0$ و $A \leq -3x+2$ و $B \leq 4x^2-3$

(2) أ- انشر ثم اختصر العبارة $(2x-3)^2$.

ب- استنتج تفكيكا لـ B .

(3) أ- بين أن $A-B=2(2x-3)(2-x)$

ب- حل في \mathbb{R} المعادلة: $A=B$

تمرين عدد 4:

ليكن $ABCDEFGH$ متوازي مستطيلات:

و K مركز المستطيل ABCD .

(1) ليكن I منتصف [AD] و J منتصف [AB]

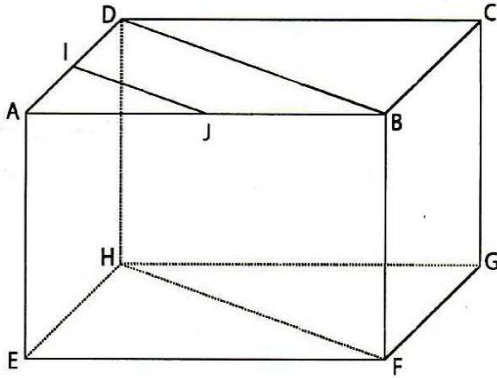
أ- بين أن: $(IJ) \parallel (BD)$

ب- استنتج أن $(IJ) \parallel (BFH)$

(2) أ- بين أن: $(HD) \perp (ADC)$

ب- استنتج أن HDK قائم الزاوية

ج- احسب HK .



CORRECTION

تمرين عدد 1:

(1) 0 ، (2) $[0, 2]$ ،

(3) 6 أعداد برقمين مختلفين ، (4) $\frac{3}{7}$

تمرين عدد 2:

(1) أ

X	-2	-1	$-\sqrt{5}$	-3
-2	4	2	$2\sqrt{5}$	6
-1	2	1	$\sqrt{5}$	3
$-\sqrt{5}$	$2\sqrt{5}$	$\sqrt{5}$	5	$3\sqrt{5}$
-3	6	3	$3\sqrt{5}$	9

(ب) عدد إمكانيات السحب هو: 12

(ج) مجموعة النتائج الممكنة هي: $\{2, 2\sqrt{5}, 6, \sqrt{5}, 3, 3\sqrt{5}\}$

(2) أ) احتمال حدوث الحدث A هو: 0

B " " " هو: 1

(ب) الحدث A هو حدث مستحيل

الحدث B هو حدث أكيد.

(3) احتمال أن يكون الجداء أكبر من 2 هو: $\frac{13}{6}$

تمرین عدد 3:

$$(1) \quad A \geq 0 \text{ یعنی } 2x - 3 \geq 0 \text{ یعنی } x \geq \frac{3}{2} \text{ و منه:}$$

$$S_{\mathbb{R}} = \left[\frac{3}{2}, +\infty \right[$$

$$5x \leq 5 \text{ یعنی } 2x - 3 \leq -3x + 2 \text{ یعنی } A \leq -3x + 2$$

$$\text{یعنی } x \leq 1 \text{ و منه } S_{\mathbb{R}} =]-\infty, 1]$$

$$\text{یعنی } \cancel{4x^2} - 12x + 9 \leq \cancel{4x^2} - 3 \text{ یعنی } B \leq 4x^2 - 3$$

$$S_{\mathbb{R}} = [1, +\infty[\text{ و منه } x \geq 1$$

$$(2x - 3)^2 = 4x^2 - 12x + 9 = B \quad (\text{أ}) (2)$$

$$B = (2x - 3)^2 \quad (\text{ب})$$

(أ) (3)

$$\begin{aligned} B &= (2x - 3) - (2x - 3)^2 = (2x - 3)(1 - 2x + 3) = (2x - 3)(-2x + 4) \\ &= 2(2x - 3)(2 - x) \end{aligned}$$

$$\text{ب) } A = B \text{ یعنی } A - B = 0$$

$$S_{\mathbb{R}} = \left\{ \frac{3}{2}, 2 \right\} \quad x = 2 \quad \text{أو} \quad x = \frac{3}{2}$$

تمرين عدد 4:

1(أ) في المثلث ABD ، I و J منتصفا الضلعين $[AD]$ و $[AB]$ إذن $(IJ) \parallel (BD)$

ب) $(BD) \subset (BFH)$ و $(IJ) \parallel (BD)$ إذن $(IJ) \parallel (BFH)$

2(أ) المستقيم (HD) عمودي على المستقيمين (DA) و (DC) من المستوى (ADC) في النقطة D إذن $(HD) \perp (ADC)$

ب) (HD) عمودي على (ADC) إذن (HD) عمودي على كل مستقيم من المستوى (ADC) و منه

$$(HD) \perp (DK) \quad ((DK) \subset (ADC))$$

و بالتالي المثلث HDK قائم الزاوية في D

$$HK = \sqrt{HD^2 + DK^2} = \sqrt{5^2 + 5^2} = 5\sqrt{2} \text{ cm} \quad \text{ج}$$

$$\left(DK = \frac{1}{2} DB = \frac{1}{2} \sqrt{8^2 + 6^2} = 5 \right)$$