

اختبار تقييمي عدد 5
في مادة الرياضيات

تمرين عدد 1 : (3 نقاط)

بلي كل سؤال ثلاث إجابات إحداها فقط صحيحة
أنقل على ورقة تحريرك رقم السؤال والإجابة الصحيحة الموافقة له:

(1) العدد $8b426a$ يقبل القسمة على 12 إذا كان:

أ/ $a = 0$ و $b = 1$ ب/ $a = 2$ و $b = 1$ ج/ $a = 4$ و $b = 4$

(2) لتكن A و B نقطتان من مستقيم مدرّج فاصلتهما $1 + \sqrt{2}$ و $2\sqrt{2}$ فإنّ البعد AB يساوي:
أ/ $1 - \sqrt{2}$ ب/ $\sqrt{2} - 1$ ج/ $1 + \sqrt{2}$

(3) ليكن (O, I, J) معيّنًا في المستوي. والنقطة $A(1; \sqrt{3} - 1)$. اذن إحداثيات النقطة B منظرًا A بالنسبة لـ J هي الزوج:

أ/ $(1; 1 - \sqrt{3})$ ب/ $(-1, 1 - \sqrt{3})$ ج/ $(-1; 3 - \sqrt{3})$

(4) الجدول التالي يقدّم سلسلة احصائية كميّة منقطعة حيث x عدد صحيح طبيعي

المتغيّر	4	6	7
التكرار	x	2	2

إذا كان المعدّل الحسابي لهذه السلسلة يساوي 5 فإنّ متوسطها يساوي

أ/ 4 ب/ 5 ج/ 6

تمرين عدد 2 : (4 نقاط)

نعتبر العددين الحقيقيين: $b = (2 + \sqrt{3})^2$ و $a = \sqrt{3}(\sqrt{3} - 1) - (1 + 2\sqrt{3})(2 - \sqrt{3})$

(1) أ/ بيّن أنّ $a = 7 - 4\sqrt{3}$ و $b = 7 + 4\sqrt{3}$

ب/ بيّن أنّ a مقلوب العدد b واستنتج علامة العدد a.

(2) ليكن العدد الحقيقي: $c = \frac{a}{b} + \frac{b}{a}$

أ/ بيّن أنّ $c = (a + b)^2 - 2ab$

ب/ استنتج القيمة العددية لـ c.

(3) ليكن العدد الحقيقي: $d = \sqrt{a} + \sqrt{b}$

أ/ بيّن أنّ $d^2 = a + b + 2$

ب/ استنتج d ثم \sqrt{a} .

تمرين عدد 3 : (4 نقاط)

وحدة قياس الطول هي الصنتمتر)

ليكن ABC مثلثًا حيث $AB = 4$; $AC = 4\sqrt{3}$ و $BC = 8$.

(1) بيّن أنّ المثلث ABC قائم الزاوية في A.

(2) لتكن M نقطة على [AB] حيث $BM = x$ (x عدد حقيقي يحقق $0 < x < 4$)

المستقيم المار من M والعمودي على (AB) يقطع (BC) في N. / أنجز الرّسم.

$$MN = \sqrt{3} \cdot x$$

ج/ لتكن a مساحة المثلث AMN. بيّن أنّ $a = \frac{\sqrt{3}}{2} x(4-x)$

$$(3) \text{ أ/ بيّن أنّ: } 2\sqrt{3} - a = \frac{\sqrt{3}}{2} (x-2)^2$$

ب/ استنتج أنّ $0 < a \leq 2\sqrt{3}$

(4) أ/ جد قيمة العدد x ليكون قيس مساحة المثلث AMN بالصنتمتر مربع مساويا لـ $2\sqrt{3}$.
ب/ حدّد في هذه الحالة موقع النقطة M على [AB] وموقع النقطة N على [BC].

تمرين عدد 4: (4 نقاط)

(وحدة قيس الطول هي الصنتمتر)

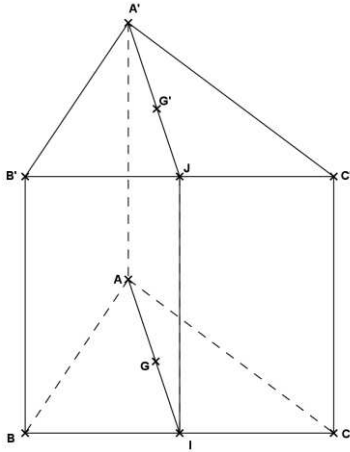
- (1) أ/ أرسم قطعة مستقيم [AB] حيث $AB = 4$.
ب/ ابن Δ الوسط العمودي لـ [AB] وعيّن O منتصف [AB] ثم نقطة C على Δ حيث $OC = 3$.
- (2) أ/ ابن D منظر A بالنسبة لـ C.
ب/ المستقيم (OD) يقطع (BC) في G. برهن أنّ G هي مركز ثقل المثلث ABD.
ج/ (AG) يقطع (BD) في E. برهن أنّ E هي منتصف [BD].
- (3) أ/ برهن أنّ المستقيمين (AB) و (BD) متعامدين وأنّ $BD = 6$.
ب/ بيّن أنّ $AE = 5$ واستنتج AG و EG.
- (4) أ/ لتكن I نقطة تقاطع (AE) و (OC).
ب/ بيّن أنّ OECA متوازي أضلاع. واستنتج أنّ I هي منتصف [AE].
ب/ أحسب $\frac{EG}{EI}$ واستنتج أنّ G هي مركز ثقل المثلث OEC.

تمرين عدد 5: (5 نقاط)

في الرّسم المقابل $ABC A'B'C'$ موشور قائم قاعدته ABC مثلث متقايس الأضلاع قيس ضلعه 4 وارتفاع الموشور $AA' = 4$ ليكن I منتصف [BC] و J منتصف $[B'C']$.

G مركز ثقل المثلث ABC و G' مركز ثقل $A'B'C'$.

- (1) أحسب حجم الموشور $ABC A'B'C'$.
- (2) أ/ بين ان IBBJ مستطيل و استنتج ان AIJA متوازي اضلاع.
ب / برهن ان (GG') موازي ل (AA') و ان $GG' = 4$



(3) أ/ بيّن أنّ (AA') عمودي على (ABC) واستنتج أنّ (GG') عمودي على (ABC).

ب/ برهن أنّ المثلث BGG' قائم الزاوية في G وأحسب BG'.

(5) أحسب حجم والمساحة الجانبية للمخروط الدائري الذي قاعدته هي الدائرة المحيطة بالمثلث ABC وقمته G'.